**المستخلص عربي :**

نقدم في هذا البحث تعريفاً لصنفٍ جديد من التطبيقات الذاتية غير الإبدالية والتي لها خاصية الإبدال على المجموعة Cq . حصلنا - بعد ذلك - على بعض نظريات النقاط الثابتة المشتركة لهذه التطبيقات عندما تكون غير تمددية وفقاً للتطبيق I وكذلك عندما تكون غير تمددية ومعممة من نوع سيريك (Ciric) وفقاً للتطبيق I . كما وجدنا تطبيقات لنتائجنا في نظرية أفضل تقريب. وأستطعنا – كذلك – توسيعة مفهوم الإبدال على المجموعة Cq ليشمل التطبيقات ذات القيم المتعددة وحصلنا أيضاً على نتائج متنوعة لتقريبات لا متغير ة لتطبيقات غير تمددية ومعممة من نوع سيريك (Ciric) وفقاً للتطبيق I . إن نتائج هذا البحث ستوحد وتوسع وتكمل كثيراً من النتائج المعروفة في هذا المجال.

**Abstract:**

results regarding common fixed points of I -nonexpansive selfmaps as well as the

generalized I -nonexpansive selfmaps of the Ciric type are established.

Applications of our results to best approximation theory are derived. The class of

q C -commuting selfmaps is also extended to multimaps. Various invariant

approximation results for the generalized I -nonexpansive multimaps of the Reich

type are obtained. Our results unify, extend, and complement several well-known

results.

The class of q C –commuting selfmaps is introduced. For this class, several